

Laurea Specialistica in Informatica
a.a. 2005-2006

Interazione Uomo-Macchina II:

Tool per Belief Networks*

Irene Mazzotta

mazzotta_AT_di.uniba.it

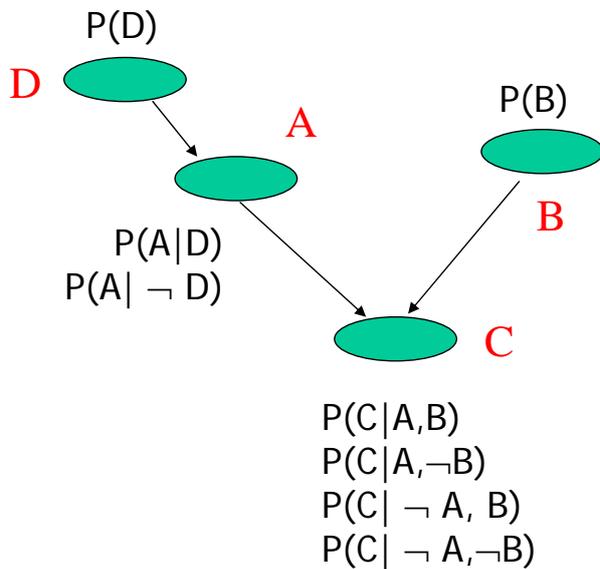
Ringrazio

Giovanni Cozzolongo e Vincenzo Silvestri per il contributo nella realizzazione delle slides. 1

Belief Network (o Bayesian Network, o
Reti Causali Probabilistiche (RCP)):

- *Bayesian network (BN)* è un formalismo per modellare un dominio contenente varie forme di incertezza.
- A BN è un grafo orientato, aciclico, i cui nodi rappresentano variabili a più valori e gli archi rappresentano la *relazione causale* fra i nodi che collegano.
- La forza di queste relazioni è misurata in termini di *probabilità condizionate*.
- Ad ogni nodo radice (che non ha genitori), è associata una *tabella di probabilità marginale*. A tutti gli altri nodi è associata una *tabella di probabilità condizionata*

Un esempio semplice di RCP



Il grafo rappresenta ipotesi di 'indipendenza condizionale' tra le variabili associate ai suoi nodi:

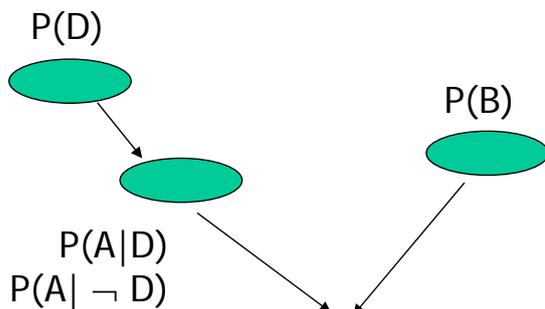
A è indipendente da B e da C, condizionatamente a D:
 $P(A|B,C,D) = P(A|D)$

C è indipendente da D, condizionatamente ad A:
 $P(C|A,B,D) = P(C|A,B)$

3

Cosa potrebbe rappresentare la RCP che abbiamo appena visto

D: EatAtFixedTime(x)



B: EatBalancedMeals(x)

A: AvoidJumpMeals(x)

C: EatCorrectly(x)

$P(C|A,B)$
 $P(C|A,\neg B)$
 $P(C|\neg A, B)$
 $P(C|\neg A,\neg B)$

"Mangiare ad orari fissi aiuta ad evitare di saltare i pasti ..."

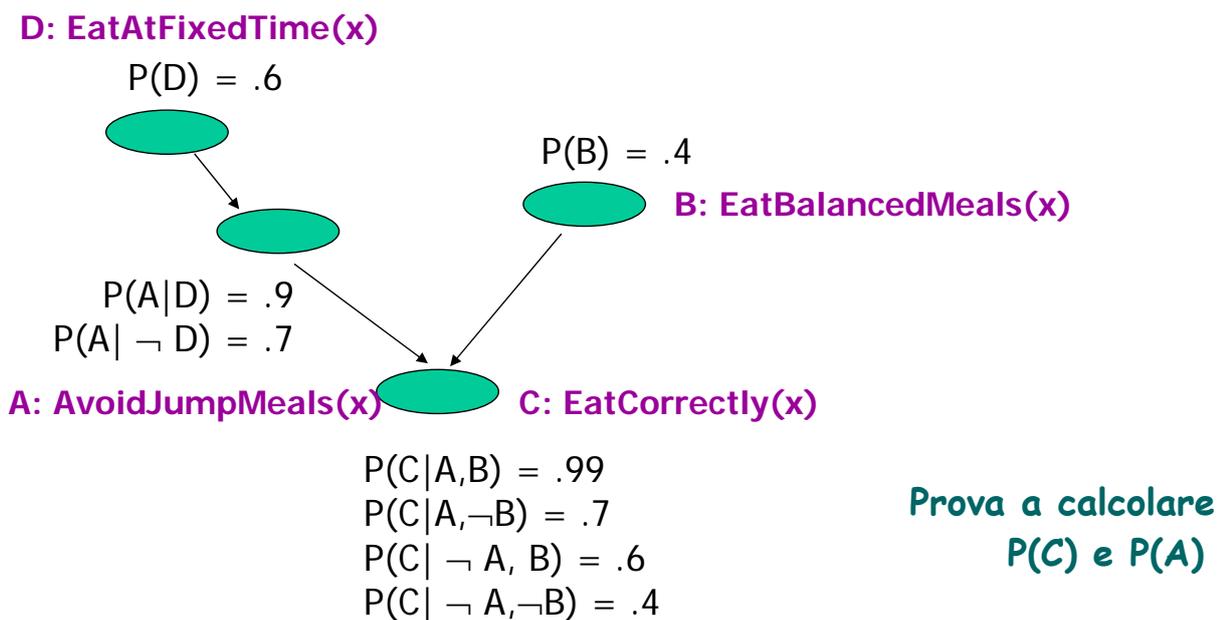
"Evitare di saltare i pasti e mangiare pasti bilanciati contribuiscono a mangiare correttamente"

Fasi nella Costruzione di una RCP

1. Stabilire la differenza fra variabili ‘nascoste’ (hidden) e ‘osservabili’
2. Definire la struttura del grafo:
 - semantica dei nodi
 - semantica delle relazioni
 - attenzione alle ipotesi di indipendenza condizionale!
3. Assegnare i parametri
4. Propagare nuova evidenza nella rete

5

... Continuiamo l'esempio



6

Tool per BN

Le operazioni che un tool deve permettere sono:

- *creare, aggiornare, ecc 'grafi orientati'*
- ai cui nodi-radice e ai cui archi sono associate delle misure di 'incertezza',
- *propagare 'evidenza' nota su alcuni nodi,*
- osservare come varia l'incertezza associata agli altri nodi.

Ci sono diversi tool per fare questo:

Hugin, eBayes/javaBayes, Netica, Analytica, ecc...

7

Tool per BN

Hugin:

sw commerciale per Belief Network.
Fornisce API per C, C++, Java.

eBayes/javaBayes

sw open source completamente scritto in java

Netica

sw commerciale con API per C, Java e VB.

Analytica

sw commerciale per la creazione, analisi e comunicazione di decisioni con BN e Influence Diagram.

Genie, MSBN, ecc...

8

Hugin components

Hugin Development Environment ha tre componenti:

- Hugin Decision Engine (HDE): è il motore inferenziale di Hugin; esegue il ragionamento sulla KB rappresentata mediante Bayesian Network; una parte importante dell'HDE è il *compiler* che trasforma le reti in strutture funzionali (junction trees), rendendo possibile le inferenze (reasoning) in the network.
- Hugin fornisce due possibili accessi all'HDE: *Hugin Graphical User Interface* and *Hugin Application Program Interfaces*.

9

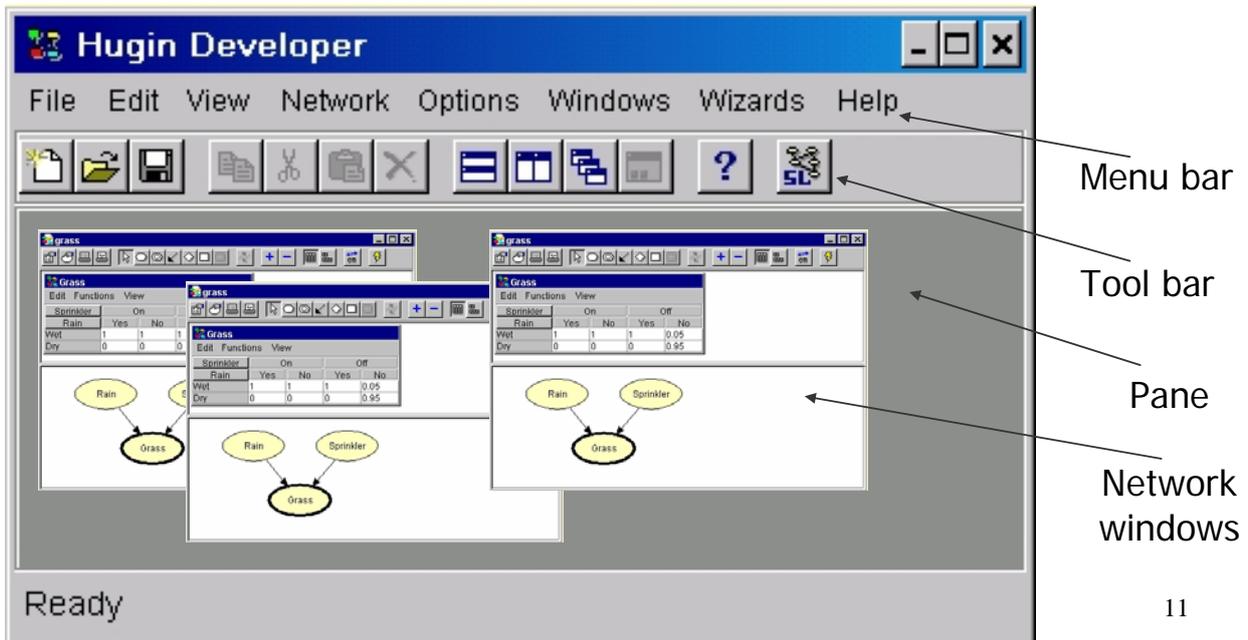
Hugin Graphical User Interface

- *Hugin Graphical User Interface* è usato per creare, memorizzare ed eseguire (inserendo e propagando evidenze) modelli di network.
- Consiste di due modalità operative: *Edit Mode* and *Run Mode*.
- La modalità *edit* è usata per creare i nodi e link fra questi, gli stati dei singoli nodi, le tabelle di probabilità condizionata e marginale. Tutte queste operazioni vengono eseguite mediante *a window-, menu- and mouse driven interface*.
- Nella modalità *Run* l'utente può inserire evidenze sui nodi osservabili attraverso la selezione degli stati interessati. Hugin Decision Engine provvederà a propagare le informazioni inserite e a rivedere le probabilità dei nodi coinvolti.
- una collezione di Application Program Interfaces (API), e un Hugin Graphical User Interface .

10

Hugin Graphical User Interface: Main Window

Contiene le *network windows* ognuna delle quali visualizza una Hugin network.



11

Main Toolbar di Hugin

Toolbar di Bottoni:

- **File** : operazioni sul *file-network* (new, open, save, save as, ...)
- **Edit**: operazioni su *parti del network* (cut, copy, ... applicate a *nodi, loro stati, link, tabelle di probabilità associate ai link,*)
- **View**: operazioni sulle finestre di lavoro successive
- **Network**: funzioni di *propagazione dell'incertezza* nel network
- **Options** : operazioni sulla *finestra di lavoro*
- **Window**: “
- **Wizard**: procedure interattive per l'apprendimento di reti da basi di dati
- **Help**: ?

12

Main Toolbar di Hugin

Toolbar di Icone:

- riproduce, in forma di icone, alcune delle operazioni nel file di bottoni (quelle ritenute più 'frequenti');
 - le organizza in 'gruppi di icone', sulla base del bottone a cui fanno riferimento:
 - gruppo 1: operazioni sui file (new, open, save, print network)
 - gruppo 2: operazioni su parti del network (cut, copy, paste, delete)
 - gruppo 3: funzioni di propagazione dell'incertezza,
- Ecc
e aggiunge una icona di 'help'

13

Hugin Graphical User Interface: Edit mode

Per costruire una Hugin networks the Hugin Graphical User Interface deve lavorare in *Edit mode*.

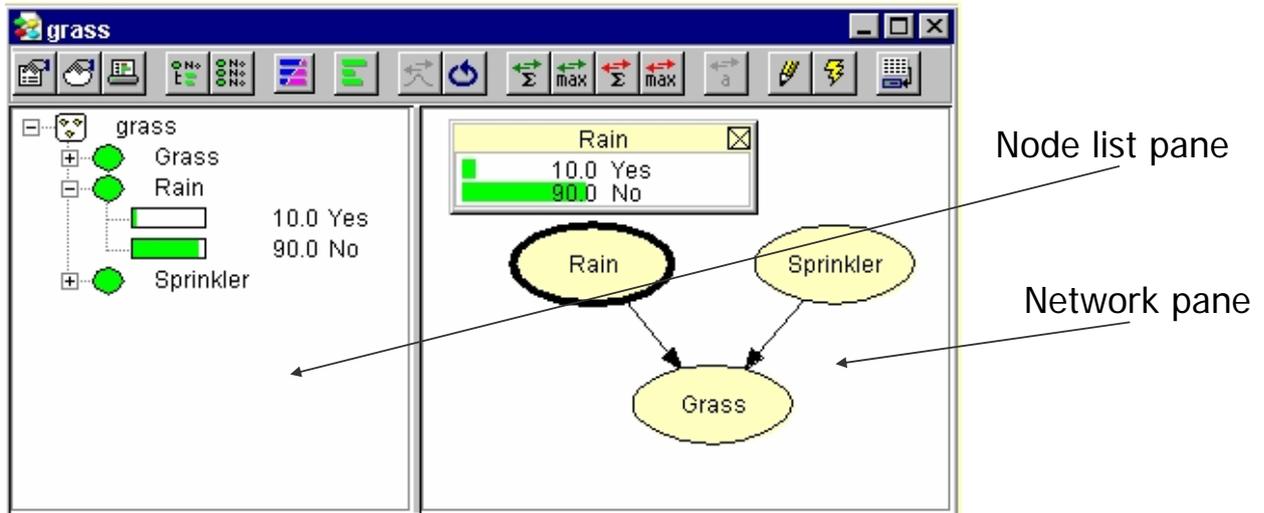
Sprinkler	On		Off	
Rain	Yes	No	Yes	No
Wet	1	1	1	0.05
Dry	0	0	0	0.95

```
graph TD; Rain((Rain)) --> Grass((Grass)); Sprinkler((Sprinkler)) --> Grass;
```

14

Hugin Graphical User Interface: Run mode

Per usare una Hugin networks the Hugin Graphical User Interface must be working in *Run mode*.

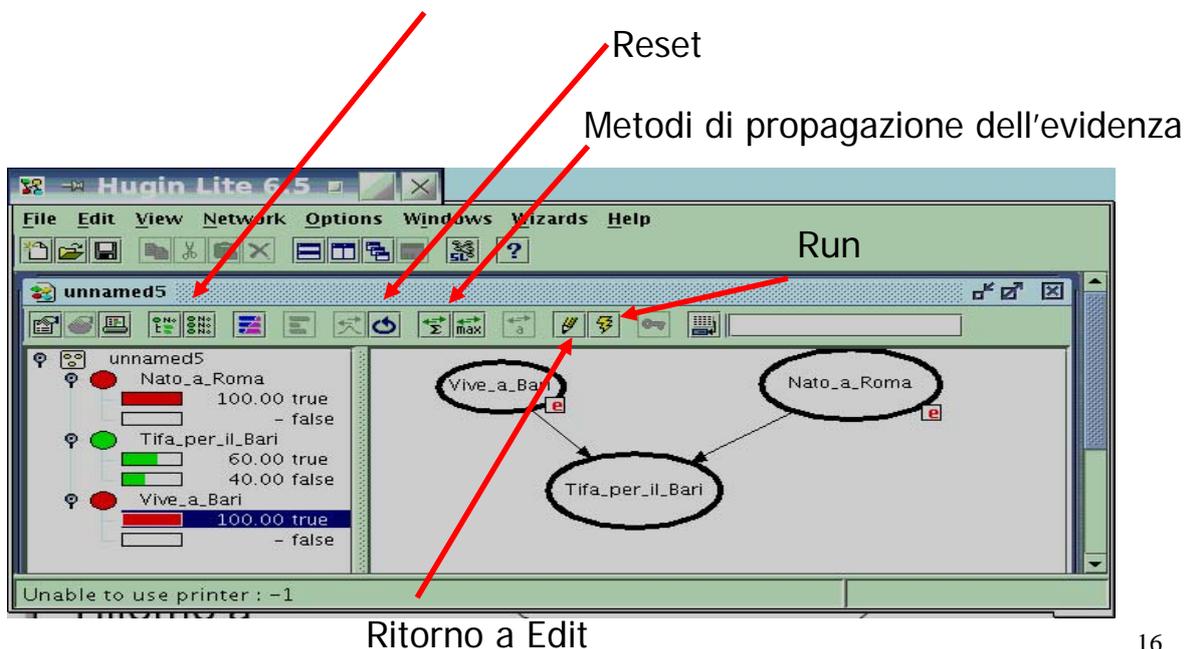


15

Finestra di 'Run'

Anche qui, toolbar organizzata per gruppi di bottoni

I quattro che seguono, di visualizzazione del frame di sinistra



16

Oggetti e Funzioni in Hugin

Oggetti:

- La *finestra di lavoro*
- Il *file-network*
- Il *network*, con le sue parti: *nodi e link fra nodi*
- Le *proprietà di nodi e link*: nomi, tipo, stati,
- L'*incertezza*: *probabilità a priori, probabilità condizionate, evidenza sui nodi,*

17

Oggetti e Funzioni in Hugin

Funzioni:

- visualizza, non visualizzare (per gli oggetti nelle varie finestre di lavoro)
- crea, apri, salva, stampa, chiudi (per i file-network)
- cancella, taglia, copia, aggiungi, modifica parti del network (edit)
- inizializza il network propagando i parametri inseriti (run)
- propaga l'evidenza sui nodi
- undo l'evidenza propagata
- visualizza gli effetti della propagazione dell'evidenza,
-

18

Esempio : base di conoscenza " come formalizzare un pregiudizio...;-)"

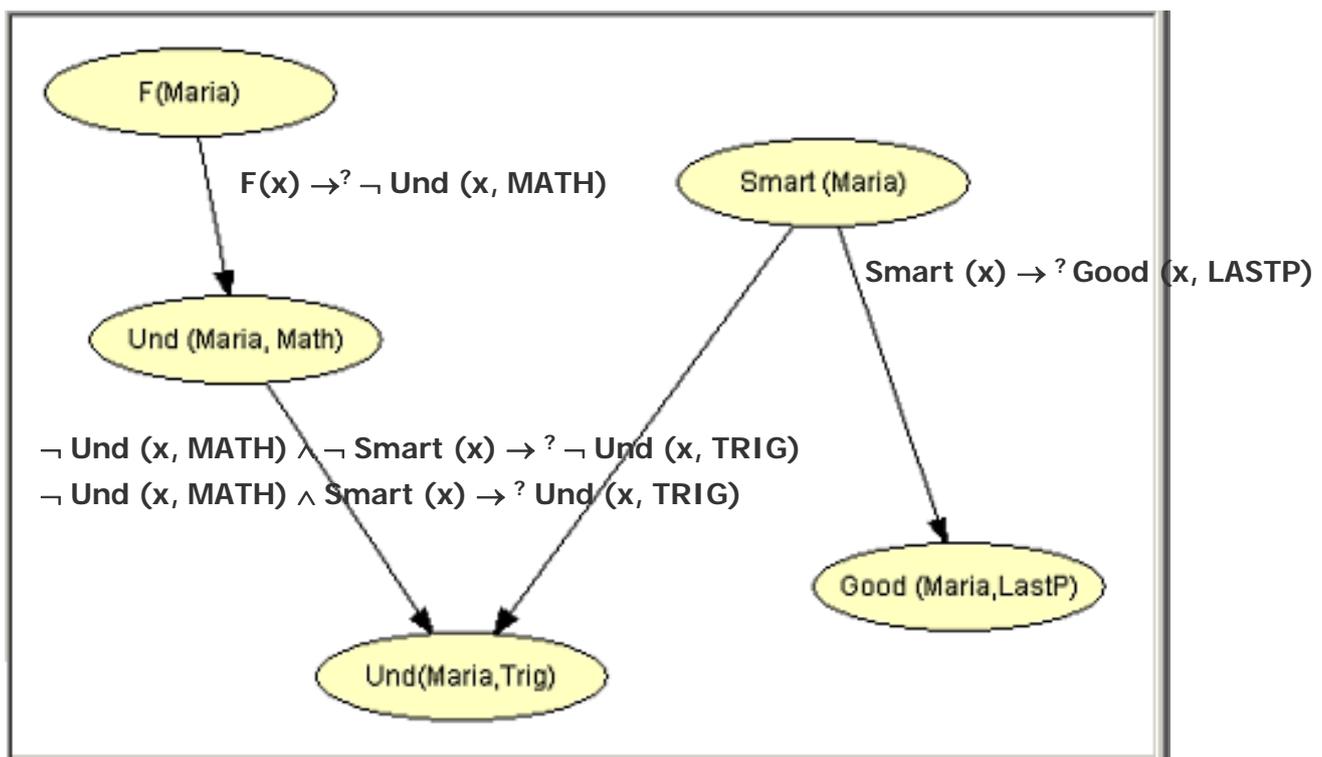
Le ragazze non capiscono, in genere, la matematica.

Chi non capisce la matematica e non è
particolarmente intelligente ha, in genere, difficoltà
a capire la trigonometria.

Chi è intelligente ha dato, in genere, prove
precedenti di bravura.

19

Formalizziamo la Conoscenza Generale



20

Inseriamo i Parametri nel BN

$P(F(x)) = .5$ (nella classe, c'è la stessa proporzione di ragazze e di ragazzi)

$P(\text{Smart}(x)) = .5$ (nella classe, c'è la stessa proporzione di studenti intelligenti e non intelligenti)

$P(\text{Good}(x, \text{LASTP}) | \text{Smart}(x)) = .9$ (se uno studente è intelligente, molto probabilmente ha dato prove precedenti di bravura)

$P(\text{Good}(x, \text{LASTP}) | \neg \text{Smart}(x)) = .4$ (se uno studente non è intelligente, è poco probabile che abbia dato prove precedenti di bravura)

$P(\text{Und}(x, \text{Math}) | F(x)) = .3$ (una ragazza, è poco probabile che capisca la matematica)

$P(\text{Und}(x, \text{Math}) | \neg F(x)) = .6$ (un ragazzo, è più probabile che capisca la matematica)

21

Inseriamo i Parametri nel BN (segue)

$P(\text{Und}(x, \text{Trig}) | \text{Und}(x, \text{Math}), \text{Smart}(x)) = .95$ (se uno studente capisce la matematica ed è intelligente, quasi certamente capisce anche la trigonometria)

$P(\text{Und}(x, \text{Trig}) | \neg \text{Und}(x, \text{Math}), \text{Smart}(x)) = .5$ (se uno studente non capisce la matematica ma è intelligente, non si può prevedere se capisce o no la trigonometria)

$P(\text{Und}(x, \text{Trig}) | \text{Und}(x, \text{Math}), \neg \text{Smart}(x)) = .6$ (se uno studente capisce la matematica ma non è intelligente, potrebbe anche capire la trigonometria)

$P(\text{Und}(x, \text{Trig}) | \neg \text{Und}(x, \text{Math}), \neg \text{Smart}(x)) = .1$ (gli studenti che non capiscono la matematica e non sono intelligenti, molto probabilmente non capiscono neanche la trigonometria)

22

Divertiamoci con Hugin

Formalizziamo mediante Hugin Belief Network ciò che segue:

Le ragazze non capiscono, in genere, la matematica.

Chi non capisce la matematica e non è particolarmente intelligente ha, in genere, difficoltà a capire la trigonometria.

Chi è intelligente ha dato, in genere, prove precedenti di bravura.

esempio1.net

“Mangiare ad orari fissi aiuta ad evitare di saltare i pasti ...”

“Evitare di saltare i pasti e mangiare pasti bilanciati contribuiscono a mangiare correttamente”

esempio2.net

23

Hugin APIs

- The *Hugin APIs* (Application Program Interfaces): per costruire applicazioni knowledge-based, che sfruttano la potenza dell'HDE quale motore inferenziale.
- Forniscono i metodi per inserire il motore inferenziale di Hugin all'interno di un'applicazione che abbia come base di conoscenza dei BNs
- Hugin APIs sono disponibili come C, C++, e Java libraries e come ActiveX server.
- Una breve lista delle più importanti funzioni fornite dall'HDE attraverso le APIs è disponibile alla pagina [Feature Lists](#) del web site di Hugin. Inoltre, Hugin API [reference manuals](#) possono essere scaricate dal web site di Hugin.

24

Api JAVA di Hugin

- La libreria delle HUGIN API si trovano in due file:
 - hapi63.jar : l'interfaccia Java alla libreria sottostante in C. deve trovarsi nel **CLASSPATH**
 - libhapi63.dll : la libreria che deve trovarsi in una sottodirectory dell'applicazione o come argomento della VM con l'opzione **-Djava.library.path**
- La classe che dovrà gestire l'interazione con le API dovrà contenere l'import relativo
 - `import COM.hugin.HAPI.*;`

25

Api di Hugin: le classi base

- Domini, nodi ecc sono modellati come classi.
- I metodi della classe *domain* permettono di gestire una rete (creare un dominio vuoto/da file, compilarlo, salvarlo, propagare le evidenze, ecc.)
- I metodi della classe *node* permettono di gestire I nodi all'interno della rete (aggiungere, togliere, modificare attributi, settare le evidenze, attraversare il grafo, ecc.)

26

Api di Hugin: creare un dominio

- Per inserire i nodi e' necessario definire un dominio;
- Un dominio contiene il belief network che verra' elaborato.
Questo puo' essere creato da codice o caricato da un file:
 - Es1: `dominio1 = new Domain();` // crea un dominio vuoto
 - Es2: `dominio2 = new Domain("nomefile.hkb");` // carica un dominio da file
- La creazione di un dominio puo' essere inserita in un try – catch per verificare la corretta inizializzazione e individuare gli errori.

27

Api di Hugin: esempio

```
try {  
    dominio = new Domain("rete.hkb");  
}  
  
catch (ExceptionHugin EH) {  
    System.out.println(EH.getMessage());  
    System.out.println("errore1");  
    EH.printStackTrace(System.out);  
    System.exit(1);  
}
```

28

Api di Hugin: I nodi

- Sia che il dominio sia vuoto o che lo si carichi da file e' necessario definire degli oggetti della classe **node** che conterranno I loro valori. I nodi possono essere di tipi diversi:
 - BooleanDCNode, (true-false)
 - IntervalDCNode, (0-1,1-2, ecc.)
 - LabelledDCNode, (etichettati)
 - NumberedDCNode (etichettati con un numero)

```
ES: ...LabelledDCNode nodoEtichettatoN;  
      BooleanDCNode nodoBooleanoM; ...
```

29

Api di Hugin: leggere I nodi

- Agli oggetti così creati vanno associati I valori del dominio caricato dal file nel seguente modo:

```
try {...  
nodoEtichettatoN =  
    (LabelledDCNode)dominio.getNodeByName("EtichettaN");  
nodoBooleanoM =  
    (BooleanDCNode)dominio.getNodeByName("BooleanM");  
  
    catch (ExceptionHugin ex) {  
System.out.println(ex.getMessage());  
System.out.println("errore2");  
ex.printStackTrace(System.out); System.exit(1);  
    }
```

30

Api di Hugin: settare I nodi

- Se si aggiunge un nodo al dominio bisogna settare le informazioni del nodo.
 - Impostare il numero di stati:
 - `setNumberOfStates (int newNumber)`
 - Impostare l'etichetta di un nodo:
 - `setStateLabel(int state, java.lang.String newLabel)`
 - Definire I nodi genitori del nodo:
 - `addParent (Node nomeNodoGenitore)`
- Per eliminare un nodo si usa il metodo **delete()**

31

Api di Hugin: metodi utili (1)

- E' possibile accedere a tutte le informazioni su un nodo:
- `NodeList getChildren()` restituisce una lista dei nodi figli
- `NetworkModel getHome()` restituisce la classe o il dominio a cui appartiene il nodo
- `Class getHomeClass()` restituisce la classe che contiene il nodo
- `Domain getHomeDomain()` restituisce il dominio che contiene il nodo

32

Api di Hugin: metodi utili (2)

- NetworkModel.Kind **getKind()** restituisce il tipo di nodo (discreto, continuo, ecc)
- String **getLabel()** restituisce l'etichetta del nodo
- String **getName()** restituisce il nome del nodo
- NodeList **getParents()** restituisce una NodeList con i nodi genitori
- java.awt.geom.Point2D **getPosition()** Restituisce la posizione del nodo

33

Api di Hugin: metodi utili (3)

- Si puo' controllare lo stato di un nodo :
- boolean **evidencelsEntered()**
 - Vero se e' stata imposta un evidenza sul nodo
- boolean **evidencelsPropagated()**
 - vero se l'evidenza e' gia' stata propagata
- boolean **evidenceToPropagate()**
 - vero se l'evidenza imposta deve essere ancora propagata.
- Table **getTable()**
 - restituisce la tabella delle probabilita' del nodo

34

Api di Hugin: metodi utili (4)

- Per ottenere il calcolo della propagazione di evidenze nella rete usiamo:
- `Node.selectState(state)` setta l'evidenza sullo stato *state*
- `dominio.compile();` compila il dominio con le evidenze impostate
- `dominio.propagate(dominio.H_EQUILIBRIUM_SUM, dominio.H_EVIDENCE_MODE_NORMAL);` propaga le evidenze.

35

Api di Hugin: stampa di BN

- Per stampare i risultati della propagazione e' necessario scandire tutto il grafo e ottenere i belief di tutti gli stati di tutti i nodi:
- `double getBelief(int state)` restituisce il valore dello stato *state*
- Bisogna costruire un ciclo partendo da un nodo analizza tutti gli altri

36

Api di Hugin: esempio stampa di BN

```
public void StampaBN(Domain domain) {
try {
    Node node;
    ListIterator it = domain.getNodes().listIterator();
    String vettore[];
    String indice1[];
    ...
    node = (Node)it.next();
    while(it.hasNext()) {
    ...
    If (( node.getName().equals("nomeNodo1"))| ...) {
    ...
    }
    for (x=0;x<=lunghezzaVettore;x++) {
        System.out.println(indice1[x]+" "+ vettore[x]);
    }
    } catch (ExceptionHugin e) {
        System.out.println("Exception caught:");
        System.out.println(e.getMessage());
    } } }
```

37

Api di Hugin: esempio stampa di BN

```
If (( node.getName().equals("nomeNodo1"))| ... |
    ... |( node.getName().equals("nomeNodoN")) {

if (node.getKind() == Domain.H_KIND_DISCRETE) {
    indice1[x]=node.getName();
    for (int i = 0; i < ((DiscreteChanceNode)node).getNumberOfStates(); i++) {
        if (max_stato<((DiscreteChanceNode)node).getBelief(i)) {
            max_stato=((DiscreteChanceNode)node).getBelief(i);
            stringa= ((DiscreteChanceNode)node).getStateLabel(i);
            vettore[x]=stringa;
        }
    }
    x++;
}
}
```

38

Belief Network Dinamici

- Metodo per rappresentare conoscenza in domini "inerentemente incerti"
- Natura statica delle applicazioni: *ogni variabile è osservabile una sola volta.*
- Metodo per rappresentare domini che comportano anche *osservazioni ripetute di variabili random*
- Comporta la connessione fra istanze multiple di belief network statici

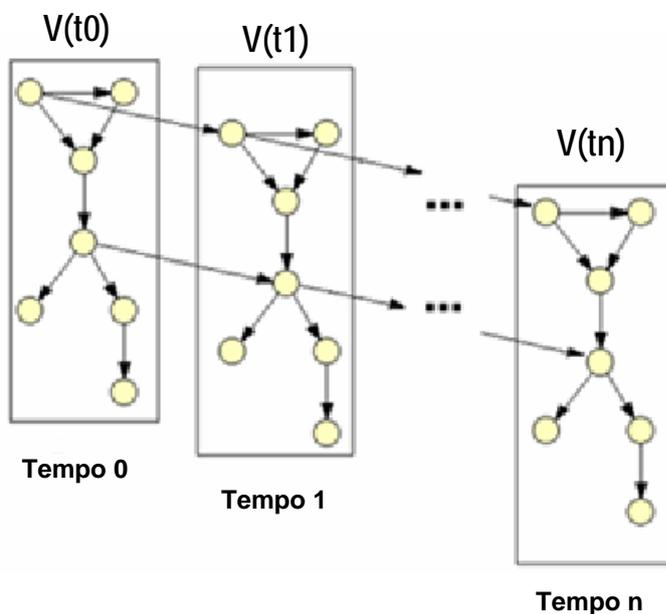
Belief Network Statici

Belief Networks Dinamici

39

DBN: una definizione generale...

Un modello dinamico è una sequenza di sottomodelli, ciascuno dei quali rappresenta lo stato del sistema in un certo istante di tempo



DBN = {V,E}, dove:

Se

- $V(t_i)$ descrive la struttura del modello nell'istante di tempo t_i

e

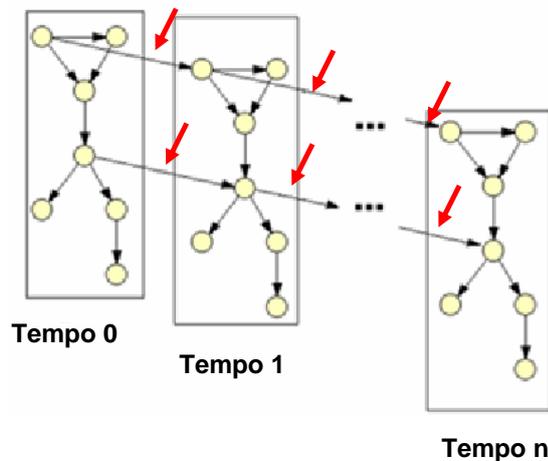
- t_0 e t_n sono il primo e l'ultimo istante di tempo considerati

Allora:

- **V** consiste di $n+1$ sottoinsiemi disgiunti $V(t_0), \dots, V(t_n)$

40

...BN Dinamici: una definizione generale



E è l'insieme degli archi orientati:

$$E = \{(v, u) \mid v \text{ in } V(t_{i-1}), u \text{ in } V(t_i), \text{ con } i \leq n\}$$

cioè è l'insieme degli **archi temporali**

relativi alle fasce di tempo t_i , con $i = 1, \dots, n-1$

Gli archi temporali definiscono
**come le distribuzioni delle variabili al tempo t_i sono
condizionalmente dipendenti
dalla loro distribuzione al tempo t_{i-1} .**

41

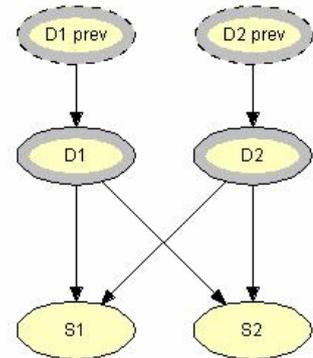
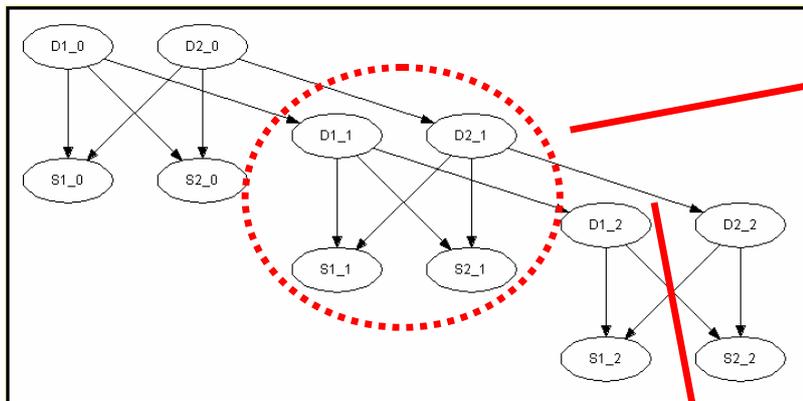
Belief Network Dinamici (Hugin Web site)

- An *Object-Oriented Network* is a network (i.e., Bayesian network or influence diagram) that, in addition to the usual nodes, contains *instance nodes*.
- An *instance node* is a node representing an instance of another network. In other words, an instance node represents a subnet.
- Therefore, following standard object-oriented terminology, an object-oriented network is often referred to as a *class*.
- Of course, the network of which instances exist in other networks can itself contain instance nodes, whereby an object-oriented network can be viewed as a hierarchical description (or model) of a problem domain.

42

DBN come BN gerarchici in Hugin

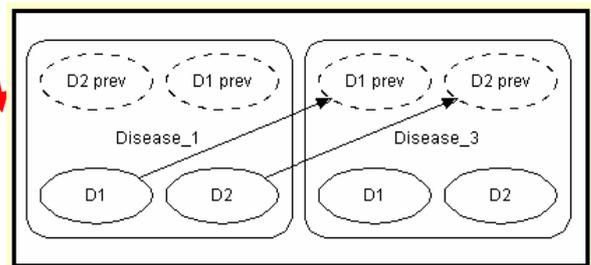
In Hugin, il collegamento fra BN a diversi livelli di astrazione è realizzato attraverso la creazione di 'instance BN' e il collegamento di 'input nodes' a 'output nodes'.



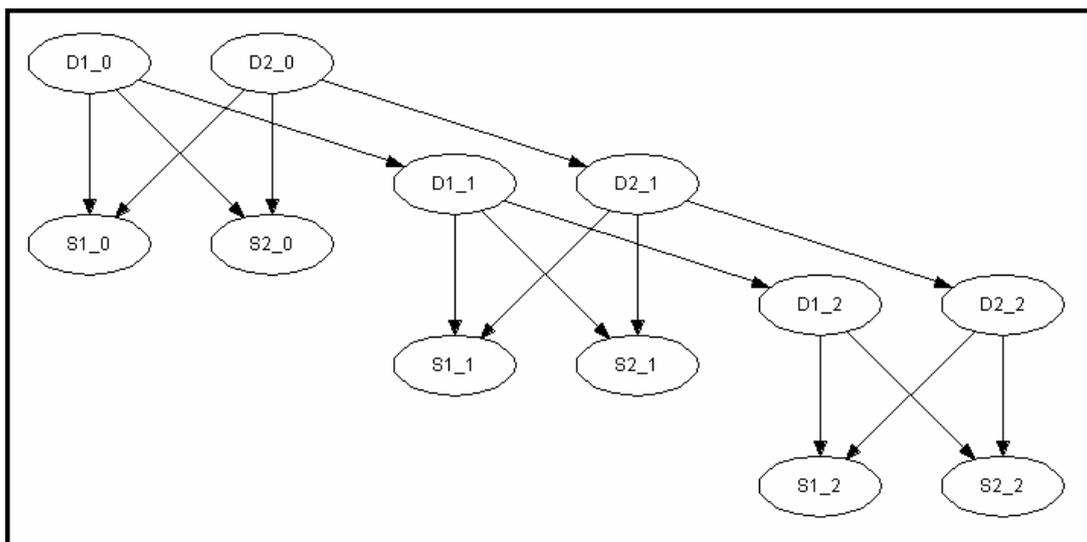
Il generico strato temporale corrisponde ad un BN di livello inferiore.

Gli input e gli output node corrispondono alle istanze di una variabile in due strati adiacenti.

Il link fra input e output node rappresenta i legami fra gli strati.



Costruiamo una DBN: obiettivo

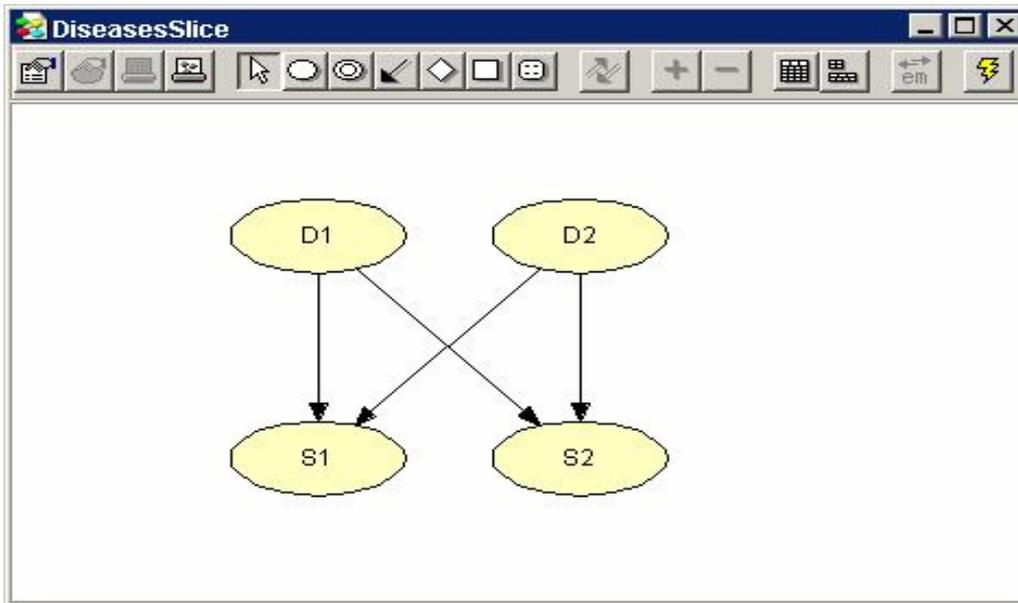


Rappresentazione mediante BN del Diseases problem.

D1 e D2: due differenti malattie

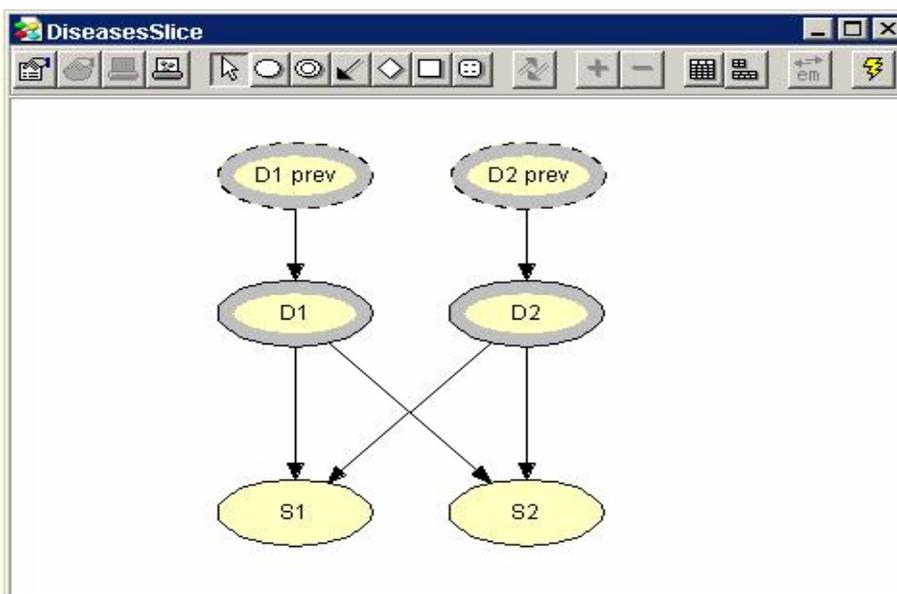
S1 e S2: i sintomi che possono essere osservati come conseguenza di entrambe le malattie.

Costruiamo una DBN: Creazione della singola sottorete (time slice)



45

Costruiamo una DBN: Creazione dell'Interface Node



D1 e D2: Output node ottenuti spuntando l' "Output" check box nel Node Properties pane per ognuno di essi

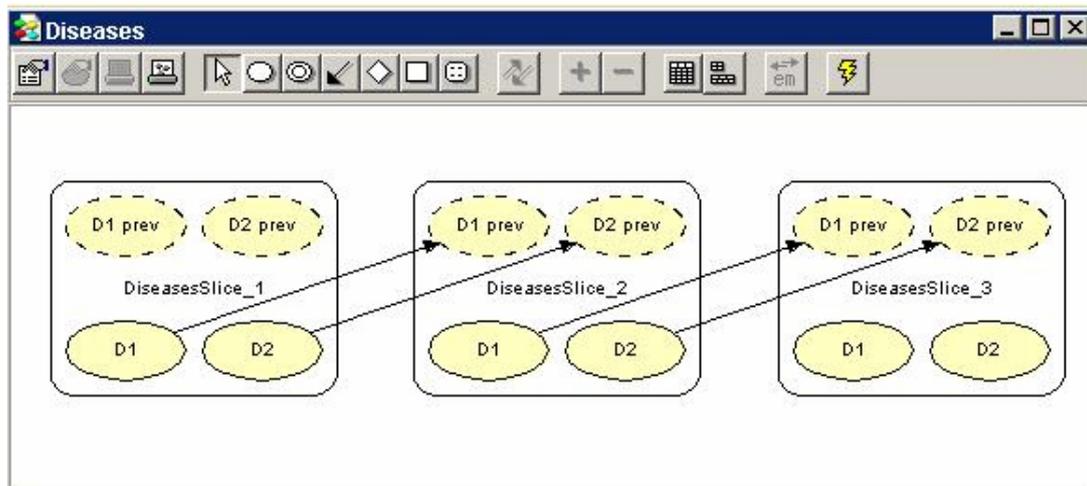
"D1 prev" e "D2 prev" : input nodes, ottenuti creando due nuovi nodi e spuntando l' "input" check box nel Node Properties Pane per ognuno di essi.

Attenzione: i nodi "D1 prev" and "D2 prev" sono *placeholder nodes* per D1 and D2, rispettivamente, nella sottorete immediatamente precedente. I placeholder nodes sono *input nodes*, e non devono essere confusi con I nodi reali!!!

46

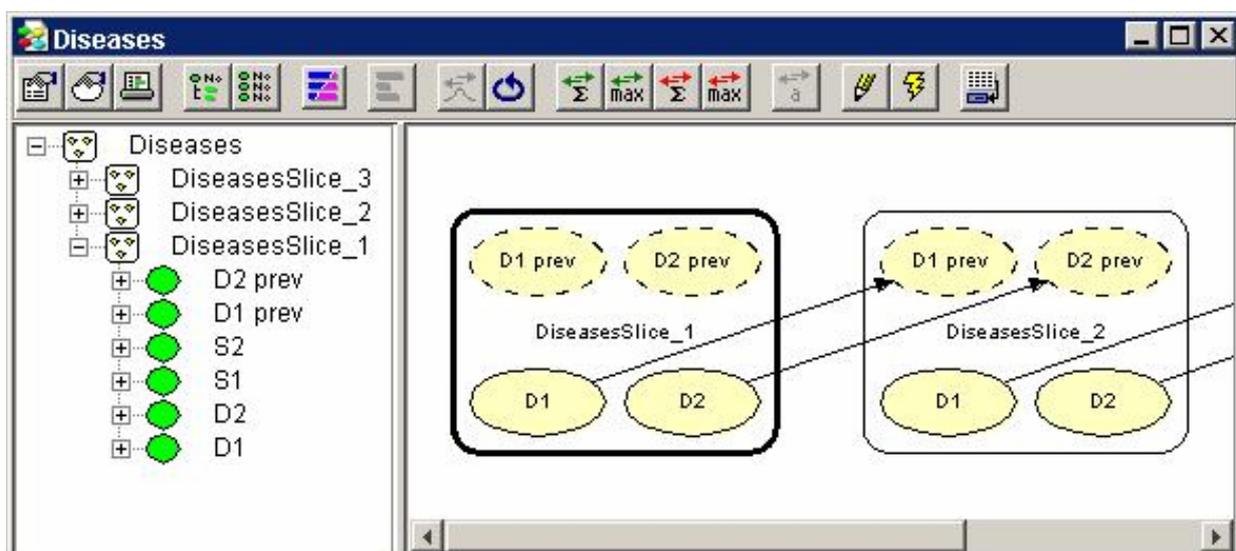
Costruiamo una DBN: Creazione del Diseases model

- 1) Creare una nuova rete vuota
- 2) Selezionare **Instance Tool** e creare tre instance nodes nel **network pane**
- 3) Linkare gli *output nodes* degli instance node al tempo precedente con gli *input nodes* degli instances node al tempo successivo



47

Costruiamo una DBN: Running the Object-Oriented Network



48

Consideriamo un altro esempio nel dominio della persuasione

Esempio3

49

OoBN

Rappresentazione in un meta-linguaggio (molto simile a java) delle reti Bayesiane

Possibilità di trattare le reti Bayesiane come classi quindi collegare la potenza di java (metodi, attributi, ereditarietà) alla gestione e utilizzo delle reti.

Fasi di creazione:

- Progettare la rete con Hugin e salvare la rete in formato OoBN (non salvare la rete se è stata propagata).
- Preparare la classe che accederà ed elaborerà le reti **SEGUENDO QUESTE FASI:**
 - Definire un ClassCollection (`ClassCollection cc = new ClassCollection()`)
 - Richiamare il metodo `parserClasses` di `cc` per leggere i file oobn (`cc.parserClasses ("nomefile.oobn")`) a questo punto le reti opportunamente convertite in classi sono presenti nel `cc` il quale eredita i metodi della classe `vector` e va gestito come un vettore.

Usare le reti:

Per usare le reti precedentemente elaborate occorre definire un dominio in cui queste reti vanno elaborate:

- `Domain domain = new Domain();`
- Istanziamo il dominio con `domain = test.createDomain();`
- `domain.trinagulate (Domain.H_TM_FILL_IN_WEIGHT);`
- `domain.compile`

50

OOBN 2

Usare le reti:

Per usare le reti precedentemente elaborate occorre definire un dominio in cui queste reti vanno elaborate:

- `Domain domain = new Domain();`
- Istanziamo il dominio con `domain = test.createDomain();`
- `domain.trinagulate (Domain.H_TM_FILL_IN_WEIGHT);`
- `domain.compile`

A questo punto il dominio contenente le reti può essere elaborato in quanto
Ore è possibile riferirsi ad un qualunque nodo della rete per settare una evidenza
Oppure leggere un valore o modificare un peso percentuale

Terminata la preparazione delle reti occorre propagare, semplice:

```
domain.propagate (Domain.H_EQUILIBRIUM_SUM,  
Domain.H_EVIDENCE_MODE_NORMAL)
```

Dopo di che possiamo interrogare i nodi per osservare il risultato della propagazione

51

OOBN dinamiche

Si intende il caso in cui vogliamo collegare due o più reti oobn ottenendo una
Struttura ad albero complessa partendo da reti semplici.
Rimane valido tutto quello detto fin'ora, la differenza è nell'identificazione dei nodi
Di collegamento che definiremo nodi di Input e di Output.

Le fasi da seguire sono:

- inserire tutte le classi ottenute dalle reti oobn in un vettore di classi hugin
definito in questa maniera :
`COM.hugin.HAPI.Class[] vetclass = new COM.hugin.HAPI.Class[10]`
- l'inserimento avviene creando l'oggetto `ClassList cL = cc.getMembers()` e poi
navigandolo prendendo ogni classe del class list e inserendola nel vettore
- dalla rete "father" occorre identificare il nodo di output questo nodo verra
chiamato `actualNode` per convenzione e dalla rete figlio identificare il nodo di
input `formalNode`
- ora creamo un `IstanceNode` usando la rete figlio ed inserendola nel class
collection home: `IstanceNode instnode = new IstanceNode (home, 'elemento
del vettore delle classi contenente la rete figlio)`
- Ultimo step settaggio dell' input: `instnode.setInput(formalNode, actualNode)`

Nel caso in cui la struttura è più complessa il processo va ripetuto.

Ora istanziare il dominio come visto e il gioco è fatto.

52

Riferimenti

- **<http://www.hugin.com/>**
- **<http://www-2.cs.cmu.edu/~javabayes>**
- **<http://www.norsys.com/>**
- **<http://www.lumina.com/>**