# Abstract State Machine – Concetti di Base

Abstract State Machine – Concetti di Base

# Finite State Machine (1)

- Un automa a stati finiti è definito da una 5pla: FSM = <Q, Σ, δ, q0, F>, dove:
  - Q è l'insieme finito e non vuoto degli stati dell'automa, ciascuno caratterizzato da una particolare configurazione di valori delle variabili di stato
  - $-\Sigma$  è l'alfabeto di input
  - $-\delta$  è la funzione transizione di stato  $\delta$  :(Q X  $\Sigma$ )→Q (automi deterministici)
  - q0 è lo stato iniziale
  - -F⊆Q è l'insieme di stati finali

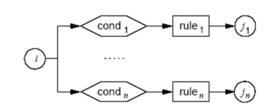
# Idee guida

- ASM = FSM con stati generalizzati
  - Le ASM rappresentano la forma matematica di Macchine Astratte che estendono la nozione di Finite State Machine
- Ground Model (descrizioni formali)
- Raffinamenti

Abstract State Machine – Concetti di Base 2

# Finite State Machine (2)

 Una FSM può essere definita da un programma della forma



```
egin{aligned} \mathbf{if} \ ctl\_state &= i \ \mathbf{then} \ \mathbf{if} \ cond_1 \ \mathbf{then} \ \end{aligned} \ egin{aligned} rule_1 \ ctl\_state &:= j_1 \ \ldots \ \end{aligned} \ \mathbf{if} \ cond_n \ \mathbf{then} \ \end{aligned} \ rule_n \ ctl\_state &:= j_n \end{aligned}
```

3

# Finite State Machine (3)

- dove
  - ctl\_state rappresenta lo stato, i cui valori appartengono a un insieme finito
  - -i, j1, j2, ..., jn, sono stati interni (i valori di ctl\_state)
  - condk (k=1, 2, ..., m) rappresentano le condizioni di input
  - rulek le azioni di output

Abstract State Machine – Concetti di Base .

### Finite State Machine (4)

Definizione in forma testuale (alternativa)
FSM(i, if cond then rule,j) =
if ctl\_state = i and cond then {rule, ctl\_state:=j}

Abstract State Machine -Concetti di Base 6

# Da FSM a ASM (1)

- Le ASM sono analoghe alle FSM
- Le differenze riguardano
  - la concezione degli stati:
    - nelle FSM esiste un unico stato di controllo (ctl\_state), che può assumere valori in un insieme finito di un certo tipo
  - le condizioni di input e le azioni di output
    - alfabeto finito
  - la potenza computazionale
    - le ASM soddisfano la Tesi di Church-Turing

## Da FSM a ASM (2)

- Nelle ASM invece gli stati sono associati a un insieme di valori di qualsiasi tipo, memorizzate in apposite locazioni
  - Una locazione rappresenta il concetto astratto di unità di memoria, indipendente dal particolare meccanismo di indirizzamento
  - L'astrazione al livello opportuno è ottenuta mediante parametrizzazione delle locazioni

### Da FSM a ASM (3)

- Più precisamente: gli stati delle ASM sono strutture matematiche in cui i dati sono oggetti astratti, e cioè elementi di insiemi a cui è possibile applicare operazioni e predicati
- Conseguenza
  - Le transizioni di stato delle FSM corrispondono alle transizioni di stato delle ASM, ma in più con aggiornamenti dei valori contenuti nelle locazioni
    - Assegnamenti della forma loc(x1, x2, ..., xn) := val

Abstract State Machine – Concetti di Base 9

11

#### Da FSM a ASM (4)

- La differenza tra il concetto di stato di FSM e ASM porta a macchine i cui stati possono essere domini di qualsiasi oggetto
- Analogamente all'estensione degli stati FSM (non strutturati) in stati ASM (strutturati), le condizioni di input di FSM sono estese ad arbitrarie espressioni sugli stati nelle ASM
  - Queste espressioni sono sentinelle (guard), in quanto determinano l'istruzione che deve essere eseguita.

Abstract State Machine – Concetti di Base 10

#### Definizione di ASM

Insieme di istruzioni (regole ASM) della forma

if cond then Updates

#### dove:

- Updates è un insieme di aggiornamenti di funzioni f(t1, t2, ..., tn) := t

#### Nota

- Si parla di "regole ASM" per evidenziare la distinzione tra
  - il modello di esecuzione parallela per le ASM
  - e il modello di esecuzione a singola istruzione della programmazione tradizionale

#### Concetto di funzione

- Il termine funzione deve essere inteso in senso matematico, non informatico
  - Per esprimere dal punto di vista informatico il concetto di funzione, possiamo pensarla come una tabella contenente valori
  - Quando di parla di location si può pensare all'indicizzazione di una cella della tabella

Abstract State Machine – Definizioni Formali

Abstract State Machine – Concetti di Base 13

Abstract State Machine -Concetti di Base

Concetti di Base

#### 1/

# Definizioni (1)

- Signature: insieme di nomi di funzioni dell'ASM
  - Detta anche vocabolario della ASM, è indicata con  $\Sigma$
- Superuniverso: è la collezione di elementi di uno stato

# Definizioni (2)

- Stato su una signature  $\Sigma$  è costituito dal superuniverso di quello stato e dall'interpretazione dei nomi di funzioni in  $\Sigma$
- L'interpretazione di una funzione f (di arietà n) su un universo X è una funzione da X<sup>n</sup> a X
  - L'interpretazione di una costante è un elemento di X
  - Le funzioni parziali sono totalizzate ponendo undef l'interpretazione per gli argomenti per cui la funzione non è definita

# Definizioni (3)

 Le Locations sono coppie (f, (v1, v2, ..., vn)) con f nome di una funzione e v1, v2, ..., vn lista di valori di X

Abstract State Machine – Concetti di Base

# Regole di Transizione (2)

- Condition (o sentinella) è una qualsiasi formula del primo ordine, senza variabili libere, la cui interpretazione può essere true o false
  - Funge da sentinella, in quanto solo il suo verificarsi determina l'applicazione della regola
- Updates è l'insieme finito di aggiornamenti di funzione, la cui esecuzione determina la definizione o il cambiamento (in parallelo) dei valori di una funzione
  - Un update corrisponde alla coppia <location, value>

# Regole di Transizione (1)

 Una ASM è un sistema che comprende un numero finito di regole di transizione della forma

#### if Condition then Updates

che determinano transizioni di stato nella macchina

Abstract State Machine -Concetti di Base

17

1Ω

# Regole di Transizione (3)

- In un dato stato:
  - vengono valutati tutti i parametri
  - si cambia il valore della funzione
- Un update <loc, val> rappresenta l'unità del cambiamento di stato, determinato dal cambiamento del valore della locazione loc, che assume il valore val

#### Stati

- La nozione di stato nelle ASM corrisponde alla nozione di struttura dati astratta
  - I dati sono elementi di insiemi (domini) a cui è possibile applicare
    - operazioni di base
    - predicati (attributi/relazioni)
- L'esecuzione di una ASM è un'istanza della computazione di sistemi a transizione

Abstract State Machine – Concetti di Base 21

23

### Consistenza di update

- Un insieme di update è consistente se tutti fanno riferimento a locazioni diverse
- Se una coppia di update fa riferimento alla stessa locazione, l'intero insieme è inconsistente

Abstract State Machine -Concetti di Base 22

# Computazione (1)

- Un passo computazionale di una ASM in un dato stato consiste nell'eseguire simultaneamente tutti gli update di tutte le regole di transizione la cui sentinella è vera per quello stato
- Condizione necessaria è che gli update siano tutti consistenti. In tal caso il risultato della computazione determina la transizione di stato

# Computazione (2)

- Se esiste inconsistenza tra una coppia di update, allora la computazione non porta a un nuovo stato, ma si ha un errore
- La computazione di una ASM procede in modo iterativo, ripetendo successivamente ogni passo computazionale

# Computazione (3)

- Nel caso particolare di esecuzioni che terminano, è possibile definire qualche criterio di terminazione
  - Non è più applicabile alcuna regola
  - Viene eseguito un update vuoto
  - Lo stato non cambia più (stato pozzo)

— . . .

Abstract State Machine – Concetti di Base 25

27

# Vantaggi della esecuzione simultanea (1)

- L'esecuzione simultanea fornisce un utile strumento per la progettazione di alto livello per descrivere localmente un cambiamento di stato globale
  - Cioè, quello ottenuto in un unico step, applicando un insieme di update
  - Unica limitazione: la consistenza

Abstract State Machine -Concetti di Base 26

# Vantaggi della esecuzione simultanea (2)

- Favorisce l'astrazione dalla sequenzialità
  - Facilita la progettazione di sistemi distribuiti/paralleli

# Esecuzione simultanea di una regola (1)

 Notazione per esprimere la esecuzione simultanea di una regola R per ogni x che soddisfa la condizione C:

forall x with C

R

 Analogamente è possibile esprimere il non determinsimo nel modo seguente

chose x with C



# Esecuzione simultanea di una regola (2)

- In entrambi i casi
  - -C è un'espressione a valori booleani
  - -Rè una regola

Abstract State Machine – Concetti di Base 29

Abstract State Machine -

#### 30

### Classificazioni (2)

- Le funzioni basic possono essere
  - Static: non cambiano mai valore durante l'esecuzione,
    - il loro valore non dipende dallo stato corrente
    - funzioni static di arietà 0 sono le costanti
  - Dynamic: sono funzioni il cui valore dipende dallo stato corrente della ASM
    - il loro valore dipende dagli update della ASM o dell'ambiente esterno
    - funzioni dynamic di arietà 0 corrispondono alle variabili dei tradizionali linguaggi di

Concetti di Base

base

### Classificazioni (3)

Classificazioni (1)

Basic: sono le funzioni elementari, che

costituiscono la signature di una ASM

 Derived: sono funzioni il cui valore in ogni stato è calcolato a partire dalle funzioni di

Due tipologie di funzioni

- Le funzioni dynamic possono essere
  - Monitored (o in): possono essere lette ma non modificate dalla ASM
    - Sono modificate solo dall'ambiente esterno o da altre ASM, nel caso di sistemi multiagente
    - In ogni stato deve essere specificato il valore di tutte le funzioni monitored
  - Controlled: sono modificate solo dalla ASM, mediante l'esecuzione delle regole di transizione
    - non dall'ambiente né da altre ASM

31

### Classificazioni (4)

- Shared (o interaction): possono essere modificate da più ASM e dall'ambiente
- Out: possono essere modificate ma non lette dalla ASM
  - in genere sono monitored per l'ambiente e per le altre ASM

Classificazioni (5)

 Classificazioni analoghe valgono per le location e per le relazioni

Abstract State Machine – Concetti di Base 33

35

Abstract State Machine – Concetti di Base 24

# Abstract State Machine – Composizione

# Composizione di ASM

- Modellizzare un sistema mediante ASM presenta il vantaggio di favorire la composizione di diverse ASM, ottenendo ASM più complesse
- Idea di base:
  - Definire costrutti per la composizione di ASM analoghi a quelli di composizione di istruzioni nei linguaggi di programmazione

# Costrutti per la Composizione di ASM

- Per comporre ASM sono necessari i costrutti di
  - sequenza
  - iterazione

Abstract State Machine – Concetti di Base 27

# Costrutto di Sequenza

- La composizione per sequenzialità deve essere esplicitamente costruita
  - Costruire meccanismi che permettono di eseguire quanto specificato da una ASM dopo aver eseguito quanto specificato da un'altra
  - trattare l'esecuzione sequenziale P seq Q delle due regole P e Q come un'azione atomica

Abstract State Machine -Concetti di Base 38

# Costrutto di Sequenza - Esempio (1)

- Si vuole costruire per compósizione di ASM una ASM che svolga la funzione di pop\_back su una lista
  - Cancellazione dell'ultimo elemento di una lista
- Siano disponibili le regole
  - move\_last: setta il puntatore sull'ultimo elemento della lista
  - delete: cancella l'elemento della lista correntemente puntato

# Costrutto di Sequenza -Esempio (2)

pop\_back =

if mode = Move then

move\_last

mode:= Delete

if mode = Delete then

delete

Concetti di Base

mode:= Move

Abstract State Machine -

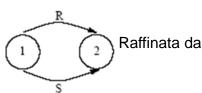
# Costrutto di Sequenza - Esempio (3)

- L'utente della pop\_back deve sapere che l'attività computazionale viene svolta in due step
- L'ordinamento sequenziale è definito dalla mode
  - Che si suppone inizializzata a Move
  - Spesso è difficile da gestire
- In generale, problemi potrebbero sorgere quando si raffina una ASM con regole sequenzializzate

Abstract State Machine – Concetti di Base 41

43

# Costrutto di Sequenza - Esempio (4)<sub>R2</sub>



L'esecuzione simultanea delle regole R e S porta dallo stato 1 a 2 R è raffinata da R1 – R2 –

R3

S è raffinata da S1 – S2
Non è possibile eseguire una regola Ri in modalità interleaved con una regola Si

• Non si può usare mode

Abstract State Machine – Concetti di Base 12

# Costrutto di Sequenza

- È necessario introdurre il costruttore di sequenza che permette di inserire una regola P seq Q in una seconda ASM
- Se la regola P seq Q deve essere eseguita in parallelo con altre regole, allora P seq Q deve essere considerata come azione atomica

# Costrutto di Sequenza

- La composizione sequenziale P seq Q di due regole P e Q è una regola, la cui semantica è quella di
  - eseguire la regola P
  - raggiungere così uno stato intermedio
  - eseguire la regola Q a partire dallo stato intermedio

# Merging di update (1)

- L'esecuzione di P seq Q richiede che avvenga il merge dei due insiemi di update per poter evitare problemi di inconsistenza
- Sia U l'update determinato da P e V quello determinato da Q in P seq Q
  - Se riguardano la stessa location allora V sovrascrive U

Abstract State Machine – Concetti di Base 45

### Merging di update (2)

• È possibile fare il merge dei due update solo se U è consistente

$$U \oplus V =$$

{(loc, val)| (loc, val)∈U ∧ loc∉Locs(V)}∪ V se U è consistente

U altrimenti

• Se la regola P non è consistente allora

$$-P seq Q = P$$

Abstract State Machine – Concetti di Base 46

# Proprietà del costrutto di sequenza

- Il costruttore di sequenza per ASM seq
  - Ha un elemento neutro sinistro e uno destro
    - skip seq R = R seq skip = R
  - È associativo
    - P seq (Q seq R) = (P seq Q) seq R

# Costrutto di iterazione (1)

- Avendo definito l'operatore di sequenza seq tra ASM, esso può essere applicato ripetutamente per ottenere l'iterazione di una regola
- In questo modo è possibile ripetere un'azione atomica un numero di volte
  - finito
  - non conosciuto a priori

# Costrutto di iterazione (2)

- Definiamo R<sup>n</sup>:
  - skip se n=0
  - $-R^{n-1}$  seq R se n>0
- L'iterazione si conclude quando l'insieme di update
  - diventa vuoto (terminazione con successo)
  - diventa inconsistente

Abstract State Machine – Concetti di Base

49

#### While

- Un ciclo While ripete l'esecuzione del suo corpo fintanto che una data condizione è vera,
- cioè

while (cond) R = iterate (if cond then R)

Abstract State Machine -Concetti di Base 50

# ASM di Boehm-Jacopini

- Ogni ASM che può essere definita con i costrutti di sequenza e iterazione è detta ASM di Boehm-Jacopini
- Ogni funzione computabile può essere calcolata da una ASM di Boehm-Jacopini
- Le ASM di Boehm-Jacopini hanno la stessa capacità computazionale delle Macchine di Turing

#### **ASM Parametrizzate**

- Si può strutturare una ASM complessa utilizzando macro
- Meccanismi di parametrizzazione permettono il passaggio di argomenti tra la ASM chiamante e la ASM chiamata
- Analogamente, è possibile definire meccanismi che permettono alla ASM chiamata di restituire un valore alla ASM chiamante