

# Laboratorio di Linguaggi di Programmazione

Slide preparate da:  
dott. Cataldo Musto - [cataldomusto@di.uniba.it](mailto:cataldomusto@di.uniba.it)  
dott. Fedelucio Narducci - [narducci@di.uniba.it](mailto:narducci@di.uniba.it)  
Revisione: Pasquale Lops

## Grammar Reader

- Prerequisiti
  - Conoscenza Linguaggio C
    - Sintassi del Grammar Reader
  - Conoscenza Dev C++
    - Compilazione Grammar Reader
    - Esecuzione Grammar Reader su file di esempio
  - Conoscenze sulle grammatiche
    - Simbolo iniziale, simbolo terminale, simbolo non terminale, grammatica context-free, ecc.

2

## Esercizi

- Una parte della prova di Laboratorio è rappresentata dalla consegna degli esercizi proposti sul Grammar Reader
- Non c'è un numero minimo di esercizi da consegnare
- Le modalità e i tempi per la realizzazione degli esercizi sono totalmente liberi
- Ci sono però delle linee guida generali

3

## Linee Guida

- Contribuiscono a una buona valutazione
  - Il numero di esercizi implementati
  - Divisione del codice in file .h (libreria) e file .c (implementazione)
  - Implementazione di funzioni di tipo booleano invece che void
  - Testing approfondito del codice, soprattutto sui casi limite
  - Gestione degli errori approfondita
  - Qualità del codice, presenza di commenti, ecc.

4

## Esercizio 1

- Controllare che nella parte sinistra di ogni produzione esista almeno un non terminale
  - esempio
    - $aB>c$  = produzione valida
    - $a>c$  = produzione non valida

5

## Soluzione - Es. 1

- funzione [contieneNonTerminale (produzione)]
  - acquisisco la parte sinistra della produzione
  - scorro tutti i simboli presenti nella parte sinistra della produzione
    - se almeno un simbolo è di tipo non terminale
      - il valore restituito è vero
    - altrimenti
      - il valore restituito è falso

6

## Note

- Alcuni concetti nella soluzione in pseudo codice sono stati evidenziati
- Nel progettare la soluzione bisogna sfruttare le funzioni, le strutture dati già predisposte nel Grammar Reader e le relative componenti
  - Simbolo
    - Symbol s
  - Produzione
    - Production\* p
  - Parte sinistra di una produzione
    - Word\* w = &(p->left)
  - Lunghezza di una produzione
    - w->length

7

## Note (2)

- Dove collocare questa nuova funzione?
  - E' una scelta di progettazione
  - Si può realizzare una funzione a parte oppure inserirlo nel codice
  - Dove?
    - L'avviso di produzione non corretta dovrebbe giungere all'utente nel momento in cui carica la grammatica
    - funzione `load_grammar(Grammar* g)`

8

## Pseudo-Codice

- Quando la funzione `load_grammar` legge il simbolo di produzione
- Controllo che nella parte sinistra appena letta sia contenuto un non terminale
  - Se è presente
    - Passa lo stato a `RIGHT`, per la lettura della parte destra
  - Altrimenti
    - Passa lo stato ad `ERROR`, per uscire dal caricamento

9

## Note (3)

- In generale, gli esercizi dove nella traccia è chiesto di implementare un controllo sulla grammatica, sono da implementare come funzioni a parte.
- esempio: `isContextFree(Grammar* g)` per verificare se una grammatica è libera da contesto
- Le altre sono da innestare nel codice in punti opportuni

10

## Esercizio 2

- Controllare che la grammatica caricata contenga il simbolo iniziale
  - esempio
    - `S>c` = grammatica valida
    - `aS>c` = grammatica non valida!
- (oppure grammatica valida ma che genera il linguaggio vuoto)

11

## Soluzione - Es. 2

- funzione `[contiene_Simbolo_In(grammatica)]`
- acquisisco tutte le produzioni della grammatica
- scorro tutte le produzioni
  - acquisisco la parte sinistra
    - se la lunghezza è 1 e il simbolo è uguale ad S
      - restituisci vero
    - altrimenti
      - restituisci falso

12

## Esercizio 3

- Controllare che la grammatica caricata sia context-free
- Definizione di produzione context-free (CF)
  - $v > w$  con  $v$  simbolo non terminale
- esempio
  - $S > c$  = produzione valida e CF
  - $a > b$  = produzione non valida!
  - $aS > c$  = produzione valida, ma non CF
  - $A >$  = produzione valida e CF
  - $A > b$  = produzione valida e CF

13

## Soluzione - Es. 3

- funzione [contextFree(grammatica)]
- acquisisco tutte le produzioni della grammatica
- scorro tutte le produzioni
  - acquisisco la parte sinistra
    - se, per ogni produzione, la lunghezza della parte sinistra è 1 e il simbolo è un non terminale
      - restituisce vero
  - altrimenti
    - restituisce falso

14

## Esercizio 4

- Controllare che la grammatica caricata sia monotona
- definizione
  - Per ogni produzione  $v > w$ ,  $|v| \leq |w|$
- esempio
  - $S > c$  = produzione monotona
  - $a > bC$  = produzione non valida
  - $aS > c$  = produzione non monotona
  - $A >$  = produzione non monotona
  - $Ab > bc$  = produzione monotona

15

## Soluzione - Es. 4

- funzione [isMonotonic(grammatica)]
- acquisisco tutte le produzioni della grammatica
- scorro tutte le produzioni
  - acquisisco la lunghezza della parte sinistra
  - acquisisco la lunghezza della parte destra
    - se, per ogni produzione, la lunghezza della parte sinistra è minore o uguale della lunghezza della parte destra
      - restituisce vero
  - altrimenti
    - restituisce falso

16

## Esercizio 5

- Controllare che la grammatica caricata sia lineare destra
- definizione
  - Una grammatica è lineare destra se contiene produzioni del tipo
    - $A > bC$  con  $b$  simbolo terminale e  $A, C$  simboli non terminali
    - $A > b$  con  $A$  simbolo non terminale e  $b$  simbolo non terminale (può essere anche lambda)
- esempio
  - $A > B$  = produzione non lineare destra
  - $a > bC$  = produzione non valida
  - $aS > c$  = produzione non lineare destra
  - $A >$  = produzione lineare destra
  - $Ab > bc$  = produzione non lineare destra
  - $A > BC$  = produzione non lineare destra
  - $A > bCb$  = produzione non lineare destra

17

## Esercizio 5

- Verificare che una grammatica sia lineare destra richiede che vengano effettuati dei controlli sia sulla parte sinistra che sulla parte destra
  - La parte sinistra
    - deve avere sempre lunghezza 1
    - deve contenere solo un non terminale
  - La parte destra
    - non deve contenere due non terminali consecutivi
    - il non terminale, se c'è, deve essere sempre a destra del simbolo terminale

18

## Soluzione - Es. 5

- funzione `[lineare_destra(grammatica)]`
- acquisisco **tutte le produzioni** della grammatica
- scorro **tutte le produzioni**
- acquisisco la **parte sinistra della produzione**
- acquisisco la **parte destra della produzione**
  - /\* controlli sulla parte sinistra \*/
  - se la lunghezza della parte sinistra è **maggiore di 1**
  - restituisci **falso**
  - se la lunghezza della parte sinistra è uguale a 1 ma contiene un simbolo terminale
  - restituisci **falso**

19

## Soluzione - Es. 5

- /\* controlli sulla parte destra \*/
- acquisisco i **simboli** presenti nella parte destra
- se la lunghezza è **uguale ad 1** e il simbolo è un non terminale
- restituisci **falso**
- se la lunghezza è **uguale a 2**
- Acquisisci la coppia di simboli della produzione
- se un **non terminale** è seguito da un altro **non terminale**
- restituisci **falso**
- se un **non terminale** è seguito da un **terminale**
- restituisci **falso**
- se un **terminale** è seguito da un altro **terminale**
- restituisci **falso**
- se la lunghezza è **maggiore di 2**
- se restituisci **falso**
- Se nessuna di queste condizioni è verificata
- restituisci **vero**

20

## Esercizio 5

- Una soluzione alternativa
- La soluzione mostrata verificava che una grammatica fosse non lineare destra cercando di confutare una delle sue proprietà
- **E' possibile definire una soluzione alternativa**
  - Riprendiamo la definizione:
    - **A > bC** con b simbolo terminale e A, C simboli non terminali
    - **A > b** con A simbolo non terminale e b simbolo non terminale (può essere anche lambda)

21

## Soluzione - Es. 5

- funzione `[lineare_destra(grammatica)]`
- acquisisco **tutte le produzioni** della grammatica
- scorro **tutte le produzioni**
- acquisisco la **parte sinistra della produzione**
- acquisisco la **parte destra della produzione**
  - /\* controlli sulla parte sinistra \*/
  - se la lunghezza della parte sinistra = **1** e il simbolo è un **non terminale**
  - /\* controlla la parte destra \*/
  - se la lunghezza = **1** il simbolo deve essere un **terminale**
  - se la lunghezza = **2**, il primo simbolo deve essere un **terminale** e il secondo un **non terminale**
  - altrimenti restituisci **falso**
  - altrimenti restituisci **falso**

22

## Esercizio 6

- Visualizzare accanto ad ogni produzione errata il tipo di errore
- Dove inserire questa funzionalità?
- Nel metodo che si occupa di caricare la grammatica
  - **load\_grammar()**

23

## Esercizio 6 - Soluzione

- Differenziare l'insieme degli stati previsti nella funzione `load_grammar()`
- In origine è previsto un generico stato di errore (ERROR)
- **Una possibile soluzione**
- Estendere l'insieme degli stati aggiungendo un nuovo stato per ogni tipologia di errore (assenza della S, assenza di un non-terminale, assenza del simbolo di produzione, ecc.)

24

## Esercizio 6 - Soluzione

- Possibili miglioramenti
- Creazione di una funzione "errorManager" che prenda in input l'identificativo dell'errore e mostri di volta in volta un messaggio differente

25

## Lezione 5

- Grammar Reader
- Gestione degli Errori
- Inserimento di produzioni da tastiera
- Cancellazione di produzioni

26

## Gestione degli Errori

- Implementazione di una funzione ErrorManager( )
- Input
  - Identificativo dell'errore
  - (dove possibile) La produzione che genera l'errore
- Output
  - Messaggio di errore diverso in funzione dell'errore generato

27

## Gestione degli Errori - 2

- Che tipologia di errori possiamo (dobbiamo) gestire?
  - **Errori in fase di lettura (load\_grammar)**
    - Simboli non corretti
    - Assenza di simboli non terminali nella parte sinistra (load\_grammar)
  - **Errori in fase di verifica**
    - Ogni funzione di verifica (es: verifica che sia lineare destra, che sia context-free, ecc.) genera degli errori diversi
    - Ogni errore deve essere gestito con un messaggio diverso da comunicare all'utente

28

## Inserimento di Produzioni da Tastiera

- Modifica della funzione load\_grammar( )
- Utilizzare "stdin" invece del file di testo come parametro di input per la funzione di caricamento grammatica
- **Opzionalmente:**
  - Salvataggio su file della grammatica caricata da tastiera
  - Modifica del menu per accettare come input sia l'inserimento da tastiera che quello da file

29

## Aggiunta di Produzioni da Tastiera

- Progettare una funzione che aggiunga (tramite tastiera) produzioni ad una grammatica già esistente
- Utilizzo di stdin
- Modifica di load\_grammar
  - **Suggerimento:** la variabile che registra il numero di produzioni (g->numprod) dentro la funzione load\_grammar( ) non deve essere impostata a zero

30

## Cancellazione di Produzioni

- Progettare una funzione che cancelli una produzione da una grammatica già caricata
  - **Input:**
    - Grammatica
    - Produzione da cancellare (oppure un identificativo della produzione)
  - **Output:**
    - nuova Grammatica (che non contiene più la produzione da cancellare)

31

## Cancellazione di Produzioni

- Progettare una funzione che cancelli una produzione da una grammatica già caricata
  - Intuizione:
    - Tutte le produzioni sono contenute in un vettore
    - Sappiamo quante sono le produzioni
    - Conosciamo la posizione della produzione da cancellare
    - **Possiamo “sovrascrivere” la produzione da cancellare sostituendola con una delle altre produzioni**

32

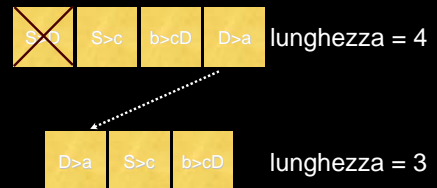
## Soluzione - Es. 5

- funzione cancella(grammatica, produzione)
  - n = numero di produzioni
  - i = posizione della produzione da cancellare
  - assegno all'indice i del vettore delle produzioni la produzione memorizzata in posizione n
  - decremento il numero di produzioni della grammatica
  - Restituisco la nuova grammatica

33

## Esempio

indice della produzione da eliminare = 1



34

## Note

- **Opzionalmente:**
  - La funzione di cancellazione di produzioni può essere utilizzata per completare e/o arricchire alcune delle funzioni già implementate
- **Esempio:**
  - Nella funzione verifica che una grammatica sia context-free si può chiedere all'utente se vuole cancellare la produzione che non verifica i vincoli della grammatica
  - In fase di lettura di una grammatica si possono eliminare automaticamente le produzioni non valide
  - ecc.

35

## Lezione 6

- Grammar Reader
  - Operazioni tra Grammatiche
    - Unione

36

## Unione tra due grammatiche

- Definizione
- Date due grammatiche  
 $G_1 = (X_1, V_1, S, P_1)$  e  $G_2 = (X_2, V_2, S, P_2)$
- Possiamo generare una nuova grammatica in base alle regole del teorema di chiusura
  - $G_3 = (X_3, V_3, S, P_3)$ 
    - $X_3 = X_1 \cup X_2$
    - $V_3 = V_1 \cup V_2$ 
      - Vincolo:  $V_1$  e  $V_2$  devono essere insiemi **disgiunti**

37

## Note

- Gli insiemi contenenti i simboli non terminali devono essere disgiunti
  - **Perché?**
    - Il linguaggio generato dalla grammatica unione deve essere uguale all'unione dei linguaggi generati dalle grammatiche di partenza
    - **Se gli insiemi non sono disgiunti questo non avviene**

38

## Note

- **Esempio**
  - $G_1$  contiene le produzioni  $S \rightarrow aA$  e  $A \rightarrow b$
  - $G_2$  contiene le produzioni  $S \rightarrow bA$  e  $A \rightarrow a$
  - $G_1$  genera la stringa  $ab$ ,  $G_2$  genera la stringa  $ba$
  - $G_3$  (unione di  $G_1$  e  $G_2$ ) dovrebbe generare solo  $ab$  e  $ba$
  - Poiché l'insieme dei non terminali **non è disgiunto**, se unissimo semplicemente le produzioni otterremmo una grammatica non corretta
    - $G_3$  contiene le produzioni  $S \rightarrow aA|bA$ ,  $A \rightarrow a|b$
    - Questa grammatica genera le stringhe  $aa$  e  $bb$  che non devono appartenere alla grammatica
    - **Nel progettare la soluzione con il Grammar Reader bisogna gestire questo aspetto, individuando una soluzione al problema!**

39

## Funzioni Aggiuntive

- La soluzione richiede la realizzazione di una serie di funzioni "ausiliarie", che attualmente non abbiamo a disposizione:
  - Il Grammar Reader deve poter prendere in input **due grammatiche** e non più una
  - Bisogna realizzare una funzione che **verifichi** che gli insiemi dei non terminali **siano disgiunti**
  - Eventualmente, sarebbe preferibile anche gestire la situazione in cui gli insiemi non sono disgiunti
    - **Soluzione più semplice:** mostrare un messaggio di errore
    - **Soluzione più complessa:** individuare una strategia per la gestione del problema

40

## Caricamento di due grammatiche

- "Il Grammar Reader deve poter prendere in input due grammatiche e non più una"
  - Una possibile soluzione
    - definire **due variabili di tipo "Grammar"** e istanziare ciascuna di esse con il path del file contenente la grammatica
    - Ora abbiamo:
      - `char* filename = argv[1]`
    - Possiamo scrivere:
      - `char* filename = "./grammar1.txt"`
      - `char* filename2 = "./grammar2.txt"`
    - **A quel punto è possibile istanziare il `load_grammar` sui due file e memorizzare la grammatica in due variabili separate**

41

## Verifica sui non terminali

- "Bisogna realizzare una funzione che verifichi che gli insiemi dei non terminali siano disgiunti"
- Sono possibili più soluzioni. Ad esempio:
  - Creare gli insiemi dei simboli non terminali per  $G_1$  e  $G_2$  e verificare che ogni elemento del primo insieme non appartenga al secondo
  - Scorrere **tutte le parti sinistre** delle produzioni di  $G_1$ . Ogni qual volta si trova un simbolo non terminale si verifichi che esso non sia presente in nessuna parte sinistra delle produzioni di  $G_2$ .
    - **Altrimenti gli insiemi dei non terminali non sono disgiunti**
      - Se gli insiemi sono disgiunti è sufficiente che l'algoritmo unisca i due insiemi di produzioni
      - **Se gli insiemi non sono disgiunti è necessario individuare una strategia di gestione di questo errore**

42

## Verifica sui non terminali

- Cosa fare se il non terminale è presente in entrambi gli insiemi?
  - La strategia più banale è quella di mostrare un messaggio di errore ed uscire
  - La strategia più adatta è quella di modificare la grammatica sostituendo il non terminale con uno inutilizzato
    - Nel momento in cui il simbolo non terminale è presente in entrambi gli insiemi lo si sostituisce con un simbolo non utilizzato nelle regole di produzione
- Rivediamo l'esempio precedente

43

## Esempio

- Esempio
  - G1 contiene le produzioni  $S \rightarrow aA$  e  $A \rightarrow b$
  - G2 contiene le produzioni  $S \rightarrow bA$  e  $A \rightarrow a$
  - G1 genera la stringa  $ab$ , G2 genera la stringa  $ba$
  - G3 (unione di G1 e G2) dovrebbe generare solo  $ab$  e  $ba$
  - Poichè l'insieme dei non terminali **non è disgiunto**, se unissimo semplicemente le produzioni otterremmo una grammatica non corretta
    - G3 contiene le produzioni  $S \rightarrow aA|bA$ ,  $A \rightarrow a|b$
    - Questa grammatica genera le stringhe  $aa$  e  $bb$  che non devono appartenere alla grammatica
  - Risolviamo il problema sostituendo il non terminale A con un altro non terminale inutilizzato (ad esempio B) in una delle due grammatiche
  - G<sub>3</sub> contiene le produzioni  $S \rightarrow aA|bB$ ,  $A \rightarrow b$ ,  $B \rightarrow a$

44

## Lezione 8

- Grammar Reader
  - Operazioni tra Grammatiche
    - Concatenazione

45

## Concatenazione tra due grammatiche

- Definizione
  - Date due grammatiche  $G_1 = (X_1, V_1, S_1, P_1)$  e  $G_2 = (X_2, V_2, S_2, P_2)$
  - Possiamo generare una grammatica  $G_3$ 
    - $G_3 = (X_3, V_3, S_3, P_3)$ 
      - La tipologia di produzioni contenute in  $P_3$  dipende da dalla natura delle due grammatiche originarie
        - Grammatiche di tipo 2 (context-free)
        - Grammatiche di tipo 3 (lineari destre)

46

## Concatenazione tra due grammatiche

- Grammatiche Context-Free (tipo 2)
  - $P_3 = (S \rightarrow S_1S_2) \cup P_1 \cup P_2$
  - Si crea una produzione che concateni i due simboli di partenza delle due grammatiche originarie e si uniscono le produzioni rimanenti

47

## Soluzione

- funzione [concatenazione( $g_1, g_2$ )]
- $g_3$  = grammatica concatenazione,  $p_{g_3}$  = produzioni grammatica  $g_3$
- $p_{g_1}$  = produzioni della grammatica  $g_1$
- $p_{g_2}$  = produzioni della grammatica  $g_2$ 
  - se context\_free( $g_1$ ) && context\_free( $g_2$ )
    - Inserisci in  $p_{g_3}$  una produzione del tipo  $S \rightarrow S_1S_2$
    - Inserisci in  $p_{g_3}$  tutte le produzioni di  $p_{g_1}$
    - Inserisci in  $p_{g_3}$  tutte le produzioni di  $p_{g_2}$
  - se lineare\_destra( $g_1$ ) && lineare\_destra( $g_2$ )
    - <prossima lezione>

48



## Concatenazione tra due grammatiche

- Abbiamo già a disposizione le funzioni che risolvono quasi tutti i controlli necessari
  - Controllo che una grammatica sia lineare destra o context-free
  - Controllo sull'esistenza di una produzione
  - Aggiunta di produzioni da un insieme all'altro
- Cosa bisogna gestire?
  - La presenza di produzioni del tipo  $S \rightarrow SS$ .

49

## Concatenazione tra due grammatiche

- Come gestire  $S \rightarrow S1S2$  ?
- Abbiamo a disposizione due strade
- Come al solito, una semplice e una più complicata :-)
- **Soluzione 1**
  - Si usa la funzione di ridenominazione già utilizzata per l'unione, e si sostituisce al simbolo di partenza di ciascuna grammatica un simbolo non terminale (libero) alternativo (che diventerà il nuovo simbolo di partenza)
- Esempio

50

## Esempio

- Esempio
  - $G_1$  contiene la produzione  $S \rightarrow a$
  - $G_2$  contiene la produzione  $S \rightarrow b$
  - Il linguaggio di  $G_1$  è composto da **a**
  - Il linguaggio di  $G_2$  è composto da **b**
  - Il linguaggio di  $G_3$  (concatenazione) è composto da **ab**
  - Le produzioni di  $G_3$  sono
    - $S \rightarrow XY$
    - $X \rightarrow a$  (sostituzione di  $S$  con  $X$ )
    - $Y \rightarrow b$  (sostituzione di  $S$  con  $Y$ )

51

## Concatenazione tra due grammatiche

- **Soluzione 2**
  - Si cambia la dichiarazione del tipo di dato "Symbol"
  - Ora simbolo è un tipo di dato che equivale a char
    - `typedef char Symbol`
  - Symbol = un carattere
  - Possiamo cambiare la struttura del tipo symbol rendendolo **un tipo di dato strutturato**

52

## Concatenazione tra due grammatiche

- **Soluzione 2**
  - Symbol diviene una struttura che potrà contenere più di un carattere
  - **Campi**
    - `sym[ ]` - vettore dei singoli simboli
    - `length` - numero di singoli utilizzati
    - `MAX_SYMBOL_LENGTH` - costante che descrive il numero
  - **Vediamo la dichiarazione**

53

## La nuova struttura Symbol

- `typedef struct`
- `{`
- `char sym [MAX_SYMBOL_LENGTH]; unsigned length;`
- `} Symbol;`
- **Attenzione:**
  - Cambiando la struttura del tipo di dato bisogna cambiare l'implementazione di tutti i metodi che usano quel tipo di dato
  - Esempio: `isNonTerminal(s)`
  - In questo modo possiamo definire delle produzioni in cui il "simbolo" non è più composto da un solo carattere ma da più caratteri concatenati ( $S_1$  o  $S_2$ ).
  - A questo punto si può ridefinire il metodo che sostituisce il non terminale con un metodo che aggiunge il numero 1 e il numero 2 accanto al simbolo di partenza di ciascuna delle due grammatiche.
- 

54

## Lezione 9

- Grammar Reader
- Operazioni tra Grammatiche
  - Concatenazione
- Verifica Grammatiche Context-Sensitive

55

## Concatenazione tra Grammatiche

- Note integrative
  - La realizzazione dell'esercizio che effettua la concatenazione tra due grammatiche di tipo 3 non è esplicitamente richiesto, anche se gradito :)
  - L'algoritmo illustrato in precedenza deve essere esteso introducendo anche in questo caso la verifica che non ci siano non terminali comuni

56

## Esempio

- Esempio
  - Grammatica 1 =  $S1 \rightarrow aA$ ,  $A \rightarrow a$
  - Grammatica 2 =  $S2 \rightarrow bA$ ,  $A \rightarrow b$
  - $L(G1) = aa$ ,  $L(G2) = bb$ ,  $L(G1 \cdot G2) = aabb$
- Senza la ridenominazione dei non terminali, la grammatica concatenata diviene
- $S \rightarrow S1S2$ ,  $S1 \rightarrow aA$ ,  $S2 \rightarrow bA$ ,  $A \rightarrow a$ ,  $A \rightarrow b$ 
  - Permette di generare anche ad esempio anche **abb** che non appartiene al linguaggio!
  - $S \rightarrow S1S2$  -  $S \rightarrow aAS2$  -  $S \rightarrow aAbA$  -  $S \rightarrow abbb$

57

## Soluzione Aggiornata

- funzione [concatenazione( $g1$ ,  $g2$ )]
- $g3$  = grammatica concatenazione,  $p\_g3$  = produzioni grammatica  $g3$
- $p\_g1$  = produzioni della grammatica  $g1$
- $p\_g2$  = produzioni della grammatica  $g2$ 
  - se `context_free( $g1$ )` && `context_free( $g2$ )`
    - Inserisci in  $p\_g3$  una produzione del tipo  $S \rightarrow S1S2$ .
    - Ridenomina i non terminali comuni
    - Inserisci in  $p\_g3$  tutte le produzioni di  $p\_g1$
    - Inserisci in  $p\_g3$  tutte le produzioni di  $p\_g2$
  - altrimenti
    - **Mostra un messaggio di errore**

58

## Grammatiche Context-Sensitive

- Una grammatica si dice dipendente da contesto (context-sensitive, C.S.) se le sue produzioni sono del tipo
  - $yAz \rightarrow ywz$
  - $S \rightarrow \lambda$ , ed  $S$  non compare alla destra di altre produzioni
  - $y$  e  $z$  si dicono "contesti" (sequenze di non terminali e terminali con lunghezza maggiore o uguale a zero)
  - $w$  sequenza di non terminali e terminali con lunghezza maggiore di zero

59

## Un po' di teoria

- Una grammatica si dice dipendente da contesto (context-sensitive, C.S.) se le sue produzioni sono del tipo
  - $yAz \rightarrow ywz$
  - $S \rightarrow \lambda$ 
    - Nel caso in cui  $y = \lambda$  e  $z = \lambda$  la prima tipologia di produzioni diviene  $A \rightarrow w$ . Torniamo nel caso delle grammatiche C.F.
    - Una grammatica libera da contesto è dunque una grammatica in cui il contesto sinistro e il contesto destro di una produzione è vuoto
    - La differenza tra le grammatiche CF e CS è che nelle grammatiche CF sono possibili produzioni del tipo  $A \rightarrow \lambda$ , mentre invece nelle CS no (la lunghezza di  $w$  deve essere maggiore di 0)

60

# Algoritmo

- Intuizione
- Nelle grammatiche context-free la parte sinistra e la parte destra di ogni produzione condividono un insieme di simboli, detto "contesto"
- **Esempio**
  - $aaBbb \rightarrow aabbb$  è una produzione context-sensitive
  - $aa$  è detto contesto sinistro
  - $bb$  è detto contesto destro
- Per verificare che una grammatica sia context-sensitive abbiamo bisogno di
  - Individuare i contesti
  - Confrontare i contesti

61

# Individuare i contesti

- Come individuamo il contesto sinistro e il contesto destro?
  - In modo banale
    - Scorriamo in parallelo i simboli della parte sinistra e della parte destra
    - Finchè i simboli corrispondono continuiamo a procedere
    - Appena i simboli sono diversi tra loro significa che il contesto è terminato
  - La stessa cosa si fa per individuare il contesto destro, partendo dalla fine della stringa invece che dall'inizio

62

# Esempio

Parte Sinistra



Parte Destra



63

# Individuare i contesti

- **Primo confronto**,  $a = a$
- **Secondo confronto**,  $a = a$
- **Terzo confronto** =  $X \neq b$ 
  - È finito il contesto sinistro. La sua lunghezza è uguale a due
- **Quarto confronto**,  $b = b$ 
  - Si parte dal fondo
- **Quinto confronto**,  $b = b$
- **Sesto confronto**,  $X \neq b$ 
  - È finito il contesto sinistro. La sua lunghezza è uguale a due

64

# ..e ora?

- Una volta individuato il contesto sinistro e il contesto destro possiamo verificare se una grammatica è dipendente da contesto oppure no
- Come ?
- Bisogna implementare tre controlli
  - La lunghezza della parte sinistra deve essere uguale alla lunghezza del contesto sinistro + la lunghezza del contesto destro + 1
  - La lunghezza del contesto sinistro + la lunghezza del contesto destro deve essere minore della lunghezza dell'intera parte destra
  - Se l'intera parte destra ha lunghezza zero, allora la parte sinistra deve per forza essere S

65

# Controllo 1

- **La lunghezza della parte sinistra deve essere uguale alla lunghezza del contesto sinistro più la lunghezza del contesto destro + 1**
  - Perché?
  - Le produzioni C.S. sono del tipo  $yAz \rightarrow ywz$
  - $y$  e  $z$  possono avere lunghezza variabile
  - $A$  invece deve essere appartenente all'insieme dei non terminali e deve essere un solo simbolo
  - $|yAz| = |y| + |A| + |z| = |y| + 1 + |z|$

66

## Controllo 2

- La lunghezza del contesto sinistro più la lunghezza del contesto destro deve essere minore della lunghezza dell'intera parte destra
  - Perché?
  - Le produzioni C.S. sono del tipo  $yAz > ywz$
  - y e z possono avere lunghezza variabile
  - w può essere una sequenza più o meno lunga di simboli, però deve essere necessariamente diversa da lambda
- $|yz| = |y| + |z|$
- poiché  $|w| > 0$ 
  - $|y| + |z| < |y| + |w| + |z|$

67

## Controllo 3

- Se l'intera parte destra ha lunghezza pari a 0, allora la parte sinistra deve essere S
- Perché?
  - L'unica produzione senza contesto ammissibile in una grammatica C.S. è del tipo  $S > \text{lambda}$

68

## Soluzione - parte 1

- funzione `[context_sensitive(g1)]`
- `boolean cs = true; contesto_sin = 0; contesto_dx = 0;`
- acquisisco il vettore con tutte le produzioni di g1
- finché il vettore non è esaurito e `finché cs = true`
  - prendo la i-esima produzione
  - scorro i simboli della parte sinistra e scorro i simboli della parte destra
    - finché i simboli sono uguali
      - incrementa la `lunghezza del contesto sinistro`
  - scorro i simboli della parte sinistra e scorro i simboli della parte destra (partendo dal fondo)
    - finché i simboli sono uguali
      - incrementa la `lunghezza del contesto destro`

69

## Soluzione - parte 2

- se la lunghezza della parte sinistra è uguale alla lunghezza del contesto sinistro + lunghezza del contesto destro + 1
  - se la lunghezza della parte destra è maggiore alla lunghezza del contesto sinistro + lunghezza del contesto destro
    - `CS = true`
  - se la lunghezza della parte destra è uguale a zero ed il simbolo a sinistra è diverso da S
    - `CS = false`
  - altrimenti
    - `CS = true`
- altrimenti
  - `CS = false`

70

## Lezione 10

- Grammar Reader
- Trasformazione di un insieme di produzioni monotone in un insieme di produzioni contestuali

71

## Teoria

- Equivalenza tra grammatiche monotone e grammatiche contestuali
- Data una grammatica G monotona è possibile costruire una grammatica G' in cui le **produzioni** monotone vengono sostituite con **produzioni** contestuali
- $L(G) = L(G')$ 
  - Le due grammatiche generano lo stesso linguaggio

72

# Esempio

- Data una produzione monotona
  - $ABC > bcdef$
- L'algoritmo deve sostituire la produzione monotona con **2K produzioni contestuali** (k = numero di simboli non terminali presenti nella parte sinistra della produzione monotona)
- Nell'esempio  $k=3$ , quindi  $2k = 6$ 
  - $ABC > DBC$
  - $DBC > DEC$
  - $DEC > DEFef$
  - $DEFef > DEdef$
  - $DEdef > Dodef$
  - $Dodef > bodef$

73

# Implementazione

- L'implementazione è lasciata totalmente per esercizio
- **Linee Guida**
  - La funzione deve prendere in input una grammatica G e deve restituire in output una grammatica G'
  - La funzione deve riutilizzare il metodo di individuazione di un non-terminale libero già realizzato in precedenza
  - La funzione deve implementare un ciclo in cui ad ogni passo si aggiunge alla nuova grammatica una nuova produzione
    - La parte sinistra di ogni produzione (esclusa la prima) è identica alla parte destra della produzione precedente
    - La parte destra di ogni produzione viene riscritta in base al teorema di equivalenza dimostrato

74